

Devoir de contrôle n°2

Exercice 1

Repondre par « vrai ou faux » aux questions suivantes sans justifier ta réponse :

1- si G est le barycentre de (A, 2) et (B, 1) alors $\overline{AG} = \frac{1}{2}\overline{AB}$ $\vec{AG} = \frac{1}{3}\vec{AB}$ **faux**

2- Le barycentre de (A, 3) et (B, 3) est le milieu de [AB]. **Vrai**

3- Dans la figure si contre, le point G est barycentre système {(A, -1); (B, 3)}

$$-\vec{GA} + 3\vec{GB} = \vec{0}$$



$$\alpha + \beta \neq 0$$

$$G = \text{bary}\{(A, \alpha), (B, \beta)\}$$

$$\vec{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta} \vec{AB}$$

Vrai

4- si G le barycentre du système {(A, 2); (B, 1); (C, 2)}, Alors : $\overline{AG} = \frac{1}{5}\overline{AC} + \frac{2}{5}\overline{AB}$

$$\alpha \vec{GA} + \beta \vec{GB} + \gamma \vec{GC} = \vec{0}$$

$$\alpha \vec{GA} + \beta (\vec{GA} + \vec{AB}) + \gamma (\vec{GA} + \vec{AC}) = \vec{0}$$

$$\alpha \vec{GA} + \beta \vec{GA} + \beta \vec{AB} + \gamma \vec{GA} + \gamma \vec{AC} = \vec{0}$$

$$(\alpha + \beta + \gamma) \vec{GA} = -\beta \vec{AB} - \gamma \vec{AC}$$

$$\vec{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta + \gamma} \vec{AB} + \frac{\gamma}{\alpha + \beta + \gamma} \vec{AC}$$

$$G = \text{bary}\{(A, \alpha), (B, \beta), (C, \gamma)\}$$

$$\vec{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta + \gamma} \vec{AC} + \frac{\alpha}{\alpha + \beta + \gamma} \vec{AB}$$

$$G = \text{bary}\{(A, \alpha), (B, \beta), (C, \gamma)\}$$

$$\vec{AG} = \frac{\beta}{\alpha + \beta + \gamma} \vec{AC} + \frac{\alpha}{\alpha + \beta + \gamma} \vec{AB}$$

1- si G le barycentre du système {(A, 2); (B, 1); (C, 2)}, Alors : $\overline{AG} = \frac{1}{5}\overline{AC} + \frac{2}{5}\overline{AB}$ [Faux]

$$\vec{AG} = \frac{1}{5} \vec{AB} + \frac{2}{5} \vec{AC}$$



في دارك... اتمنى على قرابة اصحابك

- a) Calculer $\alpha + \beta$ et $\alpha \times \beta$
 b) Déterminer α et β puis déduire x_1 et x_2 .

TADRIS.TN

Exercice n°3 : (9 pts)

ABC un triangle tel que : $AB = 3 \text{ cm}$ et $AC = 4 \text{ cm}$, I et J sont les milieux respectifs des cotés $[AC]$ et $[AB]$.
 Soit E le barycentre des points pondérés $(A, 3)$ et $(C, 1)$.

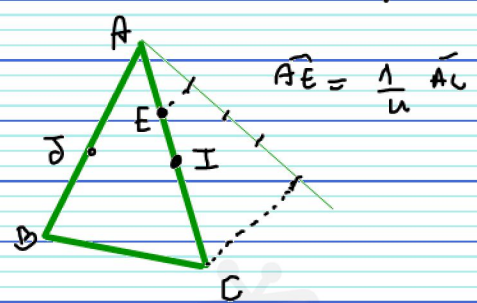
- 1) a) Faire une figure et construire le point E .
 b) Déterminer l'ensemble suivant : $\zeta = \{M \in \mathbb{P}, \|3\vec{MA} + \vec{MC}\| = 4\}$
- 2) Soit G le point vérifiant : $3\vec{GA} + 2\vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$
 - a) Montrer que G est le barycentre des points pondérés $(B, 1)$ et $(E, 2)$.
 - b) Montrer que les points G, I et J sont alignés.
 - c) En déduire que les droites (IJ) et (BE) sont sécantes en G .
- 3) a) Vérifier que $\vec{GC} = 2\vec{GI} + \vec{AG}$.
 b) En déduire que G est le centre de gravité du triangle ABI .
- 4) Soit G' le point qui vérifie : $\vec{BG}' = \frac{2}{3}\vec{BC}$.
 - a) Montrer que G' est le barycentre des points B et C affectés de coefficients que l'on déterminera.
 - b) Montrer que les droites (GG') et (AC) sont parallèles.



ABC un triangle tel que : $AB = 3 \text{ cm}$ et $AC = 4 \text{ cm}$, I et J sont les milieux respectifs des cotés $[AC]$ et $[AB]$.
 Soit E le barycentre des points pondérés $(A, 3)$ et $(C, 1)$.

- 1) a) Faire une figure et construire le point E .
 b) Déterminer l'ensemble suivant : $\zeta = \{M \in \mathbb{P}, \|3\vec{MA} + \vec{MC}\| = 4\}$
- 2) Soit G le point vérifiant : $3\vec{GA} + 2\vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$
 - a) Montrer que G est le barycentre des points pondérés $(B, 1)$ et $(E, 2)$.
 - b) Montrer que les points G, I et J sont alignés.
 - c) En déduire que les droites (IJ) et (BE) sont sécantes en G .

$E = \text{bary} \{ (A, 3) (C, 1) \}$



b) $M \in \zeta \Leftrightarrow \|3\vec{MA} + \vec{MC}\| = 4$

$\Leftrightarrow \|3\vec{ME} + 3\vec{EA} + \vec{ME} + \vec{EC}\| = 4$

$\Leftrightarrow \|4\vec{ME}\| = 4$

$\Leftrightarrow ME = 1 \Leftrightarrow M \in \mathbb{P}(E, 1)$



ABC un triangle tel que : $AB = 3 \text{ cm}$ et $AC = 4 \text{ cm}$, I et J sont les milieux respectifs des cotés $[AC]$ et $[AB]$.

Soit E le barycentre des points pondérés $(A, 3)$ et $(C, 1)$.

- 1) a) Faire une figure et construire le point E .
- b) Déterminer l'ensemble suivant : $\mathcal{L} = \{M \in \mathcal{P}, \|3\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\| = 4\}$
- 2) Soit G le point vérifiant $3\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$
 - a) Montrer que G est le barycentre des points pondérés $(B, 1)$ et $(E, 2)$.
 - b) Montrer que les points G, I et J sont alignés.
 - c) En déduire que les droites (IJ) et (BE) sont sécantes en G .

$$3\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$$

$$\Rightarrow 3\overrightarrow{GE} + 3\overrightarrow{EA} + 2\overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GE} + \overrightarrow{EC} = \vec{0}$$

$$\Rightarrow 4\overrightarrow{GE} + 2\overrightarrow{GB} = \vec{0}$$

$$\Rightarrow 2[2\overrightarrow{GE} + \overrightarrow{GB}] = \vec{0}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{GB} + 2\overrightarrow{GE} = \vec{0}$$

G barycentre $(B, 1)$ $(E, 2)$

ABC un triangle tel que : $AB = 3 \text{ cm}$ et $AC = 4 \text{ cm}$, I et J sont les milieux respectifs des cotés $[AC]$ et $[AB]$.

Soit E le barycentre des points pondérés $(A, 3)$ et $(C, 1)$.

- 1) a) Faire une figure et construire le point E .
- b) Déterminer l'ensemble suivant : $\mathcal{L} = \{M \in \mathcal{P}, \|3\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\| = 4\}$
- 2) Soit G le point vérifiant $3\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$
 - a) Montrer que G est le barycentre des points pondérés $(B, 1)$ et $(E, 2)$.
 - b) Montrer que les points G, I et J sont alignés.
 - c) En déduire que les droites (IJ) et (BE) sont sécantes en G .

$$3\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow 2[\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GB}] + [\overrightarrow{GA} + \overrightarrow{GC}] = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow 2[\overrightarrow{GJ} + \overrightarrow{JA} + \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{JB}] + [\overrightarrow{GI} + \overrightarrow{IA} + \overrightarrow{GI} + \overrightarrow{IC}] = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow 4\overrightarrow{GJ} + 2\overrightarrow{GI} = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow 2(2\overrightarrow{GJ} + \overrightarrow{GI}) = \vec{0}$$

$$\Leftrightarrow 2\overrightarrow{GJ} + \overrightarrow{GI} = \vec{0}$$

$G = \text{barycentre de } (J, 2), (I, 1)$
 $\Rightarrow G, J, I$ alignés

$J = A \times B$
 $I = A \times C$

ABC un triangle tel que : $AB = 3 \text{ cm}$ et $AC = 4 \text{ cm}$, I et J sont les milieux respectifs des cotés $[AC]$ et $[AB]$.

Soit E le barycentre des points pondérés $(A, 3)$ et $(C, 1)$.

- 1) a) Faire une figure et construire le point E .
- b) Déterminer l'ensemble suivant : $\mathcal{L} = \{M \in \mathcal{P}, \|3\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\| = 4\}$
- 2) Soit G le point vérifiant : $3\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GB} + \overrightarrow{GC} = \vec{0}$
 - a) Montrer que G est le barycentre des points pondérés $(B, 1)$ et $(E, 2)$.
 - b) Montrer que les points G, I et J sont alignés.

$G = \text{barycentre de } (B, 1), (E, 2)$
 $\Rightarrow G \in (BE)$
 G, I, J alignés
 $\Rightarrow G \in (IJ)$
 d'où (IJ) et (BE) sont sécantes en G
 car I, B et E non alignés

1- résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $-4x^2 - x + 3 \leq 0$

$$\begin{aligned} a+b+c &= 0 \\ a-b+c &= 0 \end{aligned}$$

2- Vérifier que pour tout réel x on a : $-4x^3 - 13x^2 + 9 = (x+3)(-4x^2 - x + 3)$.

3- En déduire alors la résolution dans \mathbb{R} de l'inéquation $-4x^3 - 13x^2 + 9 \geq 0$.

1) $-4x^2 - x + 3 \leq 0$

$a = -4 \quad b = -1 \quad c = 3$

$a - b + c = -4 - (-1) + 3 = -4 + 1 + 3 = 0$

$x = -1$ ou $x = \frac{-c}{a} = \frac{-3}{-4} = \frac{3}{4}$ les racines du trinôme $-(x^2 - x + 3)$

x	$-\infty$	-1	$\frac{3}{4}$	$+\infty$	
$-4x^2 - x + 3$	$-$	0	$+$	0	$-$

$S_{\mathbb{R}} =]-\infty, -1] \cup [\frac{3}{4}, +\infty[$

1- résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $-4x^2 - x + 3 \leq 0$

2- Vérifier que pour tout réel x on a : $-4x^3 - 13x^2 + 9 = (x+3)(-4x^2 - x + 3)$.

3- En déduire alors la résolution dans \mathbb{R} de l'inéquation $-4x^3 - 13x^2 + 9 \geq 0$.

2) Pour tout $x \in \mathbb{R}$

$$\begin{aligned} (x+3)(-4x^2 - x + 3) &= -4x^3 - x^2 + 3x - 12x^2 - 3x + 9 \\ &= -4x^3 - 13x^2 + 9 \end{aligned}$$

3) $-4x^3 - 13x^2 + 9 \geq 0$

$\Leftrightarrow (x+3)(-4x^2 - x + 3) \geq 0$

x	$-\infty$	-1	$\frac{3}{4}$	$+\infty$	
$-4x^2 - x + 3$	$-$	0	$+$	0	$-$

x	$-\infty$	-3	-1	$\frac{3}{4}$	$+\infty$	
$x+3$	$-$	0	$+$	$+$	$+$	
$-4x^2 - x + 3$	$-$	$-$	0	$+$	0	$-$
$(x+3)(-4x^2 - x + 3)$	$+$	0	$-$	$+$	0	$-$

$S_{\mathbb{R}} =]-\infty, -3] \cup [-1, \frac{3}{4}]$



في ذلك... اتمنى على قراءة امتحانك

$$C/ (x^4 - 5x^2 + 4)\sqrt{x-1} = 0.$$

L'eq a un sens si $x \geq 1$

$$\text{sin} \quad x \in [1, +\infty[$$

$$(x^4 - 5x^2 + 4)\sqrt{x-1} = 0$$

$$x^4 - 5x^2 + 4 = 0$$

$$\text{ou } \sqrt{x-1} = 0$$

$$(x^2)^2 - 5(x^2) + 4 = 0 \quad [\text{posset } = x^2] \quad | \quad x = 1$$

$$t^2 - 5t + 4 = 0$$

$$a = 4, \quad b = -5 \quad \text{et} \quad c = 4$$

$$a + b + c = 0$$

$$t = 1 \quad \text{ou} \quad t = \frac{4}{1} = 4$$

$$x^2 = 1 \quad | \quad x^2 = 4$$

$$x = 1 \quad \text{ou} \quad x = -1$$

$$x = 2 \quad \text{ou} \quad x = -2$$

$$S_{\mathbb{R}} = \{1, 2\}$$